

Calcul et dépouillement pour caractérisation des matériaux

Matériau compact

INPUT :

Epaisseur de l'échantillon : e en m
Température ambiante T_a en °C
Température ambiante chaude T_B en °C
Température face chaude T_c en °C
Température face froide T_f en °C
Résistance électrique R en Ω
Différence de potentiel V en Volt

S=0,0676

C=0.16

Output :

Conductivité apparente :

Avec gain

$$\lambda_a = \frac{e}{S(T_c - T_f)} \left(C(T_a - T_B) + \frac{V^2}{R} \right)$$

Avec pertes

$$\lambda_a = \frac{e}{S(T_c - T_f)} \left(C(T_B - T_a) + \frac{V^2}{R} \right)$$

Matériau granulaire

Avec gains

$$\lambda_a = \frac{e}{S(T_c - T_f)} \left(C(T_a - T_B) + \frac{V^2}{R} \right)$$

$$\lambda_g = 1,185\lambda_a - 0,037$$

Avec pertes

$$\lambda_a = \frac{e}{S(T_c - T_f)} \left(C(T_B - T_a) + \frac{V^2}{R} \right)$$

$$\lambda_g = 1,185\lambda_a - 0,037$$

Diffusivité thermique apparente

INPUT :

Epaisseur de l'échantillon e en m

Durée d'impulsion thermique t_0 en s

$t_{1/3}$ en s

$t_{1/2}$ en s

$t_{2/3}$ en s

$t_{5/6}$ en s

Output

Dépouillement de Degiovanni

$$a_{2/3} = e^2 \frac{(1.150 t_{5/6} - 1.250 t_{2/3})}{t_{5/6}^2}$$

$$a_{1/2} = e^2 \frac{(0.761 t_{5/6} - 0.926 t_{1/2})}{t_{5/6}^2}$$

$$a_{1/3} = e^2 \frac{(0.617 t_{5/6} - 0.862 t_{1/3})}{t_{5/6}^2}$$

Dépouillement Yezou

$$a_{5/6} = \frac{e^2}{t_{5/6} + t_o/2} \left[0.713 \left(\frac{t_{1/2} + t_o/2}{t_{5/6} + t_o/2} \right)^2 - 1.812 \left(\frac{t_{1/2} + t_o/2}{t_{5/6} + t_o/2} \right) + 1.037 \right]$$

$$a_{1/2} = \frac{e^2}{t_{1/2} + t_o/2} \left[-0.4032 \left(\frac{t_{1/2} + t_o/2}{t_{5/6} + t_o/2} \right)^2 + 0.1103 \left(\frac{t_{1/2} + t_o/2}{t_{5/6} + t_o/2} \right) + 0.2027 \right]$$

Dépouillement de Parker

$$a = 0,139 \frac{e^2}{t_{1/2}}$$

Métrologie de propriétés thermophysiques
 Exercices d'application

On se propose de mesurer les propriétés thermophysiques en régimes permanent et transitoire de température. La méthode utilisée est celle **des Boîtes**. Les dimensions des échantillons de mesure sont $27 \times 27 \times 4,9 \text{ cm}^3$ ainsi que celui des cadres supports des milieux granulaires.

A- Mesure en régime permanent des températures

1°/ Rappeler brièvement l'expression qui permet d'atteindre à l'aide de cette technique, la conductivité thermique apparente λ_a ?

2°/ Sur les tableaux ci-dessous on a reporté le relevé des températures (en °C) pour différents régimes permanents établis dans des intervalles de temps différents. Évaluez la conductivité thermique apparente λ_a

Matériau 1 : béton humide d'épaisseur 4,9 cm

Ambiance chaude T_B	22,30	22,28	22,36
Ambiance de la salle T_a	23,39	23,39	23,13
Face chaude T_c	17,32	17,32	17,15
Face froide T_F	9,76	9,66	9,66

Le flux de chaleur est assuré par une résistance électrique (film carbonisé) de 2993Ω soumise en permanence à une différence de potentiel de 129,2 Volts. Si les pertes de la boîte sont de la forme $C(T_B - T_a)$; $C=0,16 \text{ W}/^\circ\text{C}$

En utilisant le modèle série-parallèle, calculer les valeurs extrêmes $\lambda_{//}$ et λ_{\perp} de λ . Pour cette question on suppose que le béton est formé de strates de ciment constituant le liant (de conductivité thermique $\lambda_l = 1,5 \text{ W}/m^\circ\text{C}$) de l'air ($\lambda_{ai} = 0,024 \text{ W}/m^\circ\text{C}$) et de l'eau de conductivité thermique $\lambda_e = 0,58 \text{ W}/m^\circ\text{C}$ et qui peuvent être disposées parallèlement ou perpendiculairement à la direction du flux de chaleur. Le taux de vide est estimé à 60% et l'humidité est de 8%.

- En déduire la fraction θ du milieu poreux disposé perpendiculairement à la direction du flux de chaleur pour que $\lambda = \lambda_a$
- Conclusion

Matériau 2 : billes de Polystyrène renfermées dans un cadre d'épaisseur 4,00 cm

Ambiance chaude T_B	22,50	23,6	23,00
Ambiance de la salle T_a	23,4	23,4	23,4
Face chaude T_c	17,7	17,8	17,3
Face froide T_F	5,8	5,8	5,6

Le flux de chaleur est assuré par une résistance électrique (film carbonisé) de 2269Ω soumise en permanence à une différence de potentiel de 58,6 Volts. Si les pertes de la boîte sont de la forme $C(T_B - T_a)$; $C=0,16W/^\circ C$

on donne $\lambda_a = 1,246 \lambda_m - 0,0615$

- Calculer la conductivité thermique apparente moyenne de ce matériau λ_a ?

Matériau 3 : billes de verre expansées à l'air renfermées dans un cadre d'épaisseur 4,00 cm

Ambiance chaude T_B	43.4	43.4	43.5
Ambiance de la salle T_a	21.4	21.4	21.5
Face chaude T_c	36.8	36.8	36.8
Face froide T_F	26.4	26.4	26.5

Le flux de chaleur est assuré par une résistance électrique (film carbonisé) de 2262Ω soumise en permanence à une différence de potentiel de 110Volts. Si les pertes de la boîte sont de la forme $C(T_B - T_a)$; $C=0,16W/^\circ C$

on donne :

1. Massa des granulats : 0.626 kg
2. $d/D=5/8$
3. $\rho_{th} = 2100kg / m^3$
4. $\lambda_a = 1,246 \lambda_m - 0,0615$

- Calculer les porosités et la conductivité thermique apparente moyenne de ce matériau λ_a ?

3°/ En utilisant le modèle série-parrallèle, calculer les valeurs extrêmes $\lambda_{//}$ et λ_{\perp} de λ . Pour cette question on suppose que le matériau est humide ($W=10\%$) et est formé de strates de verre (de conductivité thermique $\lambda_v = 1.15W / m^\circ C$) de l'air ($\lambda_{ai} = 0,024W / m^\circ C$) et de l'eau de conductivité thermique $\lambda_e = 0,58 W / m^\circ C$ et qui peuvent être disposées parallèlement ou perpendiculairement à la direction du flux de chaleur..

- En déduire la fraction θ du milieu poreux disposé perpendiculairement à la direction du flux de chaleur pour que $\lambda = \lambda_a$
- Conclusion

B- Mesure en régime transitoire des températures

En utilisant les techniques de dépouillement ci-dessous, évaluez la diffusivité thermique des matériaux de thermogramme expérimentaux ci-joints.

Donnez les résultats sous forme de tableau suivant :

Température $T_M =$	Temps (s)	Diffusivité a : dépouillement D	Diffusivité a dépouillement Y
$5/6 T_M$	$t_{5/6}$		$a_{5/6}$
$2/3 T_M$	$t_{2/3}$	$a_{2/3}$	
$1/2 T_M$	$t_{1/2}$	$a_{1/2}$	$a_{1/2}$
$1/3 T_M$	$t_{1/3}$	$a_{1/3}$	

Dépouillement D

$$a_{2/3} = e^2 \frac{(1.150 t_{5/6} - 1.250 t_{2/3})}{t_{5/6}^2}$$

$$a_{1/2} = e^2 \frac{(0.761 t_{5/6} - 0.926 t_{1/2})}{t_{5/6}^2}$$

$$a_{1/3} = e^2 \frac{(0.617 t_{5/6} - 0.862 t_{1/3})}{t_{5/6}^2}$$

Dépouillement Y

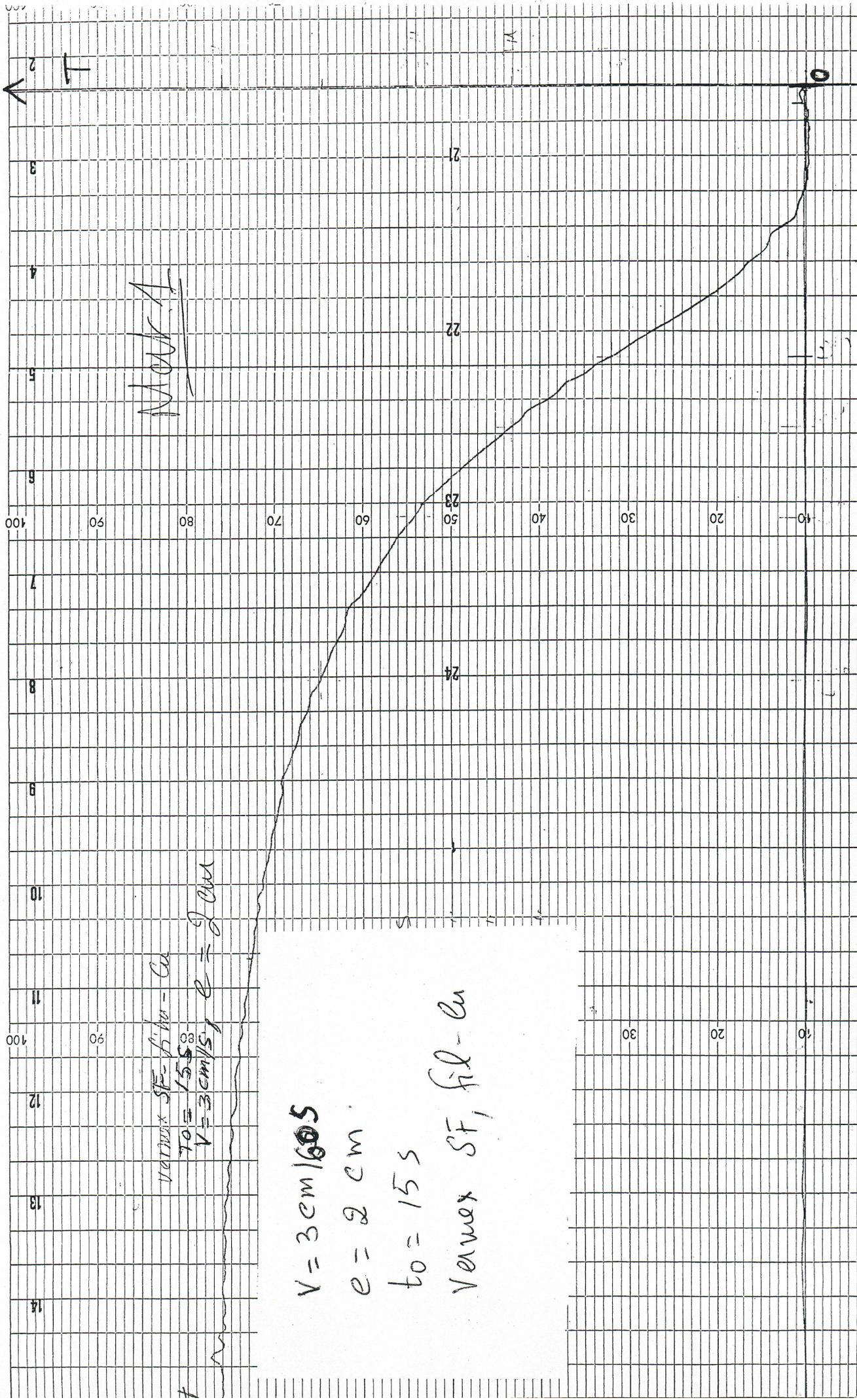
$$a_{5/6} = \frac{e^2}{t_{5/6} + t_0 / 2} \left[0.713 \left(\frac{t_{1/2} + t_0 / 2}{t_{5/6} + t_0 / 2} \right)^2 - 1.812 \left(\frac{t_{1/2} + t_0 / 2}{t_{5/6} + t_0 / 2} \right) + 1.037 \right]$$

$$a_{1/2} = \frac{e^2}{t_{1/2} + t_0 / 2} \left[-0.4032 \left(\frac{t_{1/2} + t_0 / 2}{t_{5/6} + t_0 / 2} \right)^2 + 0.1103 \left(\frac{t_{1/2} + t_0 / 2}{t_{5/6} + t_0 / 2} \right) + 0.2027 \right]$$

Modèle de Parker :

$$a = 0.138 \frac{e^2}{t_{1/2}}$$

4/5



Mark A

$v_{max} = 3 \text{ cm/s}$
 $t_0 = 15 \text{ s}$
 $v = 3 \text{ cm/s}$, $e = 2 \text{ cm}$

$v = 3 \text{ cm/s}$
 $e = 2 \text{ cm}$
 $t_0 = 15 \text{ s}$
 $v_{max} = 3 \text{ cm/s}$, $e = 2 \text{ cm}$

